

$$x^2 H(x) y'' + x P(x) y' + Q(x) y = 0$$

$$W(x) = \exp \int \frac{-P(x) dx}{x H(x)}$$

$$\lambda(\lambda - 1)h_0 + \lambda p_0 + q_0 = 0$$

Ищем $y = x^\lambda \Sigma$

Основная рекурсия

Найдено лишь y_1

$$u(x) = \frac{W(x)}{y_1(x)^2}$$

Ряд Лорана

$$\lambda_1 - \lambda_2 \in \mathbb{Z}_{\geq 0}$$

$$y_2(x) = y_1(x) \int u(x) dx$$

нет

$$\lambda_1 - \lambda_2 \in \mathbb{R}?$$

да

$$x^\lambda = C \pm iS, \\ \Sigma = A \pm iB$$

Два решения?

нет

да

$$y_1 = CA - SB \\ y_2 = SA + CB$$

$$y_1 = x^{\lambda_1} \Sigma_1 \\ y_2 = x^{\lambda_2} \Sigma_2$$

Тандемная
рекурсия

$$y_1 = x^{\lambda_1} \Sigma_1 \\ y_2 = x^{\lambda_2} \Sigma_2 + y_1 \ln x$$